

## Calcolo Differenziale — Test 2

Corsi di Laurea in Informatica, a.a. 2013/14

*Mettere una croce su vero o falso, lasciare in bianco se non si conosce la risposta.*

**Esercizio 1.** Sia  $x_0$  un valore qualsiasi sulla retta estesa  $\overline{\mathbb{R}} = \mathbb{R} \cup \{\pm\infty\}$ . Sia  $f$  una funzione tale che  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = +\infty$ .

- i)  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{1+f(x)} = 1$   V  F
- ii)  $\lim_{x \rightarrow x_0} \sqrt{f(x)+1} - \sqrt{f(x)} = 1$   V  F
- iii)  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f^2(x)}{1+f(x)} = 1$   V  F
- iv)  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f^2(x)}{1+f(x)} = +\infty$   V  F

**Esercizio 2.** Sia  $x_0$  un valore qualsiasi sulla retta estesa  $\overline{\mathbb{R}}$ . Siano  $f, g$  due funzioni tale che  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = 0$ .

- i)  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g^2(x)} = +\infty$   V  F
- ii)  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{1}{g^2(x)} - f(x) = +\infty$   V  F
- iii)  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{1}{g^2(x)} + f(x) = +\infty$   V  F
- iv)  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g^2(x)} - f(x) = +\infty$   V  F

**Esercizio 3.** Sia  $x_0$  un valore qualsiasi sulla retta estesa  $\overline{\mathbb{R}}$ . Sia  $f$  una funzione tale che  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{\sqrt{f(x)}}{1+f(x)} = 0$ .

- i) Se esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = l \in \mathbb{R}$ , necessariamente  $l = 0$   V  F
- ii) Se esiste  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = l \in \overline{\mathbb{R}}$ , necessariamente  $l = 0$   V  F

**Esercizio 4.** i)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)^n}{\sqrt{x}-1} = 0$ ,  $\forall n > 1$   V  F

ii)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^n}{\sqrt{x^{2n}+1}} = 1$ ,  $\forall n \geq 1$   V  F

iii)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^n}{\sqrt{x^{2n}+1}} = 1$ ,  $\forall n \geq 1$   V  F

Domande aperte

**Esercizio 5.** Calcolare i seguenti limiti.

$$\begin{aligned} & \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - 3x}{x^4 + 1}, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^3 - 7x + 1}{x^3 + x}, \quad \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 3x}{x + 1}, \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x+3} - 2}{x-1}, \\ & \lim_{x \rightarrow 0} \sqrt{x+4} \frac{\sqrt{x+1} - 1}{x}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x^2 - 7}{x^4} - 3x + 1, \quad \lim_{x \rightarrow 1} -\frac{1}{|x-1|} + \frac{(1-x)}{\sqrt[3]{(x-1)^5}}, \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{\frac{x^4 + 1}{4x^4 + 2x^2 + 3}}. \end{aligned}$$